

Laborator 7
Metoda Backtracking. Backtracking in plan.

Probleme rezolvate

1. Sa se genereze toti vectorii cu n elemente in care sa fie 0 de m ori, 1 de p ori si 2 de q ori.

Rezolvare:

Codul sursa este urmatorul:

```
#include<iostream>
using namespace std;

int st[20],k,p,as,ev,n,m,q,i;

void init(int k,int st[ ])
{
    st[k]=-1;
}

int sucesor(int k,int st[ ])
{
    if ( st[k]<2 && k<=n )
        {
            st[k]=st[k]+1;
            as=1;
        }
    else as=0;
    return as;
}

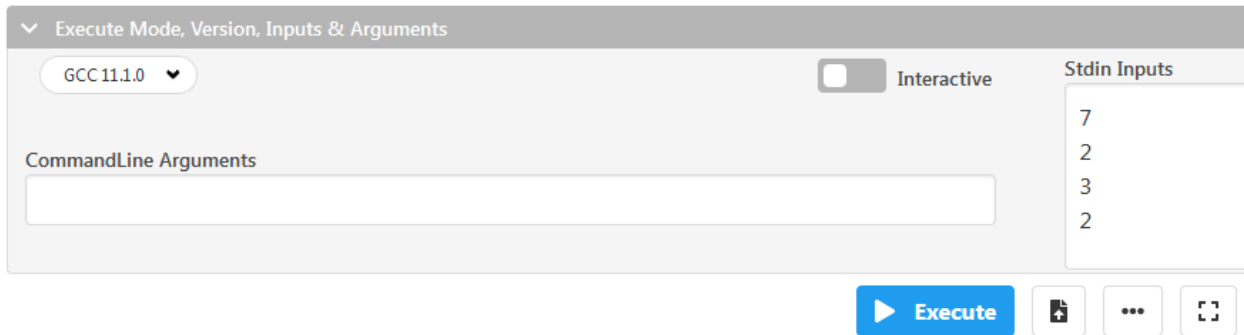
int valid(int k,int st[ ])
{
    ev=1;
    return ev;
}

int solutie(int k)
{
    int a=0,b=0,c=0;
    if(k==n)
        {
            for (i=1;i<=n;i++)
                switch(st[i])
                {
```

```
        case 0:a++; break;
        case 1:b++; break;
        case 2:c++; break;
    }
    if ((a==m) && (b==p) && (c==q)) return 1;
    else return 0;
}
else return 0;
}
void tipar(void)
{
    for(int i=1;i<=k;i++) cout<<" "<<st[i];
    cout<<"\n";
}

int main(void)
{
    cout<<"\nDati n = "; cin>>n;cout<<n;
    cout<<"\nDati m = "; cin>>m;cout<<m;
    cout<<"\nDati p = "; cin>>p;cout<<p;
    cout<<"\nDati q = "; cin>>q;cout<<q;
    cout<<"\nVectorii formati din "<<m<<" cifre de 0; "<<p<<" cifre de 1; "<<q<<" cifre
de 2, sunt:\n";
    k=1; init(k,st);
    while (k>0)
    {
        do{
            as=sucesor(k,st);
            if (as) ev=valid(k,st);
        }while (!( !as || (as && ev)));
        if (as)
            if (solutie(k)) tipar();
            else
            {
                k++;
                init(k,st);
            }
        else
            k--;
    }
    return 0;
}
```

Executia programului folosind compilatorul online <https://www.jdoodle.com/online-compiler-c++/>:



Result

CPU Time: 0.00 sec(s), Memory: 3484 kilobyte(s)

```
Dati n = 7
Dati m = 2
Dati p = 3
Dati q = 2
Vectorii formati din 2 cifre de 0; 3 cifre de 1; 2 cifre de 2, sunt:
0 0 1 1 1 2 2
0 0 1 1 2 1 2
0 0 1 1 2 2 1
0 0 1 2 1 1 2
0 0 1 2 1 2 1
0 0 1 2 2 1 1
0 0 2 1 1 1 2
0 0 2 1 1 2 1
0 0 2 1 2 1 1
0 0 2 2 1 1 1
0 1 0 1 1 2 2
0 1 0 1 2 1 2
0 1 0 1 2 2 1
0 1 0 2 1 1 2
0 1 0 2 1 2 1
0 1 0 2 2 1 1
0 1 1 0 1 2 2
0 1 1 0 2 1 2
0 1 1 0 2 2 1
```

2. Variante de PRONOSPORT

Să se determine toate variantele de pronosport cu 13 rezultate din (1,x,2) care conțin exact n1 simboluri '1'; nx simboluri 'x' și n2 simboluri '2' (cu condiția $n1 + nx + n2 = 13$).

Rezolvare:

Codul sursa este urmatorul:

```
#include<iostream>
using namespace std;

int st[20],k,p,as,ev,n1,n2,nx;

/* in stiva vom pune:1,2,3(pentru x) */

void init(int k,int st[ ])
```

```
{
st[k]=0;
}

int sucesor(int k,int st[ ])
{
if ( st[k]<3 )
{
st[k]=st[k]+1;
as=1;
}
else as=0;
return as;
}

int valid(int k,int st[ ])
{
ev=1;
int y=0,z=0,t=0,i;
for (i=1;i<=k;i++)
if (st[i]==1) y++;
else if (st[i]==2) z++;
else t++;
if (y<=n1 && z<=n2 && t<=nx) ev=1;
else ev=0;
return ev;
}

int solutie(int k)
{
int y=0,z=0,t=0,i;
for (i=1;i<=k;i++)
if (st[i]==1) y++;
else if (st[i]==2) z++;
else t++;
if (y==n1 && k==13 && z==n2 && t==nx) return 1;
else return 0;
}

void tipar(void)
{
int i;
for (i=1;i<=13;i++)
switch (st[i])
{
case 1:cout<<"1 ";break;
case 2:cout<<"2 ";break;
case 3:cout<<"x ";break;
```

```
    }
    cout<<"\n";
}

int main(void)
{
    cout<<"\nDati n1 = "; cin>>n1;cout<<n1;
    cout<<"\nDati nx = "; cin>>nx;cout<<nx;
    cout<<"\nn2 se calculeaza dupa formula 13 - n1 - nx = "<<13-n1-nx;
    cout<<"\nVariantele de pronosport cu 13 rezultate din (1,x,2) care conțin exact "<<n1<<"
    simboluri '1'; "<<nx<<" simboluri 'x'"<<" și "<<13-n1-nx<<" simboluri '2' :\n";
    n2 = 13 - n1 - nx;
    k=1; init(k,st);
    while (k>0)
    {
        do{
            as=sucesor(k,st);
            if (as) ev=valid(k,st);
        }while (!( !as || (as && ev)));
        if (as)
            if (solutie(k)) tipar();
            else
            {
                k++;
                init(k,st);
            }
        else
            k--;
    }
    return 0;
}
```

Executia programului folosind compilatorul online <https://www.jdoodle.com/online-compiler-c++/>:


```
int sucesor(int k,int st[ ])
{
    if ( st[k]<1 && k<=6 )
        {
            st[k]=st[k]+1;
            as=1;
        }
    else as=0;
    return as;
}

int valid(int k,int st[ ])
{
    int i,j=0;
    ev=1;
    if(k>2)
    {
        for(i=1;i<=k-1;i++)
            if(st[i]==0) j++;
        if((st[k]==0) && (j==2)) ev=0;
    }
    return ev;
}

int solutie(int k)
{
    int j=0,i;
    for(i=1;i<=k;i++)
        if(st[i]==0) j++;
    if((k==6) && (j==2)) return 1;
    else return 0;
}

void tipar(void)
{
    int i;
    for (i=1;i<=k;i++)
        cout<<st[i]<<" ";
    cout<<"\n";
}

int main(void)
{
    int a=0;    // numar cate solutii sunt
    cout<<"\nToate numerele binare de 6 cifre care sa aiba 2 cifre de '0' si 4 cifre de '1' : \n";
    k=1; init(k,st);
    while (k>0)
```

```
{
    do{
        as=succesor(k,st);
        if (as) ev=valid(k,st);
    }while (!( !as || (as && ev)));
    if (as)
        if (solutie(k)){a++; tipar(); }
        else
        {
            k++;          init(k,st);
        }
        else          k--;
    }
return 0;
}
```

Executia programului folosind compilatorul online <https://www.jdoodle.com/online-compiler-c++/>:



Result

CPU Time: 0.00 sec(s), Memory: 3496 kilobyte(s)

```
Toate numerele binare de 6 cifre care sa aiba 2 cifre de '0' si 4 cifre de '1' :
0 0 1 1 1 1
0 1 0 1 1 1
0 1 1 0 1 1
0 1 1 1 0 1
0 1 1 1 1 0
1 0 0 1 1 1
1 0 1 0 1 1
1 0 1 1 0 1
1 0 1 1 1 0
1 1 0 0 1 1
1 1 0 1 0 1
1 1 0 1 1 0
1 1 1 0 0 1
1 1 1 0 1 0
1 1 1 1 0 0
```

Probleme propuse spre rezolvare

1. Să se ruleze programele prezentate mai sus, urmărind apelurile și valorile parametrilor de apel.
2. Să se afișeze toate soluțiile ecuației în mulțimea numerelor naturale: $3x+y+4xz=100$.
3. Folosind metoda backtracking sa se genereze in ordine lexicografica cuvintele de cate pentru litere din multimea $A=\{a,b,c,d,e\}$, cuvinte care nu contin doua vocale alaturate. Primele 8 cuvinte generate sunt, in ordine: abab, abac, abad, abba, abbb, abbc, abbd, abbe.
4. Să se determine toate cuvintele ce conțin numai literele a,b,c de lungime 10 care conțin exact 3 simboluri 'a'; 4 simboluri 'b' și 3 simboluri 'c'.
5. Să se determine toate numerele în baza 8 de lungime 10 care conțin cel mult 5 cifre de 7 și exact 3 cifre 0.
6. Să se afișeze toate posibilitățile de colorare a unui graf neorientat cu n vârfuri folosind m culori astfel încât două noduri vecine să aibă culori diferite.
7. Avem la dispoziție 6 culori: alb, galben, roșu, verde, albastru și negru. Să se precizeze toate drapelele tricolore care se pot proiecta, știind că trebuie respectate următoarele reguli:
 - orice drapel are culoarea din mijloc galben sau verde;
 - cele trei culori de pe drapel sunt distincte.Exemple: "alb galben roșu", "roșu verde galben"
Indicații: Folosim o stivă cu 3 nivele, reprezentând cele trei culori de pe drapel și codificăm culorile prin numere:
1 – alb
2 – galben
3 – roșu
4 – verde
5 – albastru
6 - negru
8. Să se descompună un număr natural N, în toate modurile posibile, ca sumă de P numere naturale ($P \leq N$).
Indicații: Folosim o stivă cu P nivele, unde fiecare nivel ia valoarea unui termen din sumă. Variabila S reține suma primelor k nivele pentru a putea testa validitatea elementului așezat pe poziția curentă fără a mai face o parcurgere suplimentară a stivei. Condiția de validitate devine: $S+ST[k] < N$.
Pentru a evita afișarea descompunerilor identice, cu ordinea termenilor schimbată, forțăm ordinea crescătoare (nu strict crescătoare!) a termenilor din sumă, prin inițializarea unui nivel din stivă cu valoarea nivelului anterior.

PROIECTAREA ALGORITMILOR

Laborator 7

9. Se dă un număr natural par N . Să se afișeze toate șirurile de N paranteze care se închid corect. Indicații: Un șir de N paranteze care se închid corect, este un șir în care fiecărei paranteze deschise îi corespunde o paranteză închisă la o poziție ulterioară în șir.

Exemple de șiruri corecte: $()() ; ((())) ; ()()()$

Exemple de șiruri incorecte: $()()) ; (((() ;)()()$

Deducem din propoziția de mai sus o primă condiție necesară pentru ca un șir de paranteze să se închidă corect și anume că nu trebuie să deschidem mai mult de $N/2$ paranteze. După cum se vede însă din aceste exemple (incorecte), această condiție nu este suficientă: $((()))(;)))(((;)()()$.

A doua condiție este să nu închidem mai multe paranteze decât am deschis.

Pentru formalizarea condițiilor notăm cu $N_d(k)$ și $N_i(k)$ numărul de paranteze deschise, respectiv închise, până la poziția k a șirului, inclusiv. Cele două condiții sunt:

1. $N_d(k) \leq N/2, 1 \leq k \leq n$
2. $N_d(k) \geq N_i(k), 1 \leq k \leq n$

Pentru implementare folosim o stivă cu N nivele:

$st[i] = 1$, dacă paranteza de pe poziția i este deschisă

2, dacă paranteza de pe poziția i este închisă.

În variabilele N_d și N_i avem numărul de paranteze de fiecare fel așezate în șir până la poziția curentă, k .

Pentru a așeza o paranteză deschisă pe poziția curentă trebuie să fi deschis mai puțin de $N/2$ paranteze, adică $N_d < N/2$.

Pentru a așeza o paranteză închisă pe poziția curentă trebuie să mai avem o paranteză pe care să o închidem, adică $N_d > N_i$.

La urcarea și coborârea în stivă se modifică N_d sau N_i în funcție de tipul parantezei de pe nivelul respectiv.

10. N copii se așază în șir indian. Se cunosc numele celor n copii. Să se găsească toate posibilitățile de aranjare în șir.

11. Se cer toate soluțiile de așezare în linie a m câini și n pisici astfel încât să nu existe o pisică între doi câini

12. Să se genereze toate numerele palindrome de lungime n

16. Să se decompună un număr în suma de numere prime. Generați toate soluțiile.

17. N copii se așază în cerc. Se cunosc numele celor n copii. Să se găsească toate posibilitățile de rearanjare în cerc.

18. Se citește un număr. Să se genereze toate numerele având aceleași cifre ca el. Care este cel mai mare?

19. Să se genereze anagrama unui cuvânt.

20. Să se genereze toate triunghiurile de perimetru n .

21. Să se genereze toate numerele de lungime n formate doar cu cifre pare / impare

22. Scrieți un program care să afișeze toate numerele de n ($n \leq 10$) cifre, formate numai din cifre distincte și care sunt divizibile cu 4.

23. Fiind dată o mulțime de n cuburi, fiecare cub fiind caracterizat de lungimea laturii și culoarea sa, să se scrie un program care să genereze toate turnurile care se pot forma cu p cuburi astfel încât două cuburi vecine să nu aibă aceeași culoare iar deasupra unui cub să nu se poată așeza un cub cu latura mai mare.

24. Un grup de copii are la dispoziție n cartonase cu n cuvinte distincte pentru jocul "cerc de cuvinte". În acest joc un copil trebuie să spună un cuvânt care să aibă primele două litere identice cu ultimele două ale cuvântului spus de predecesorul lui. Fiind dat un cuvânt de început pentru joc, afișați varianta cu cele mai multe cuvinte care se pot obține cu ajutorul cartonasele date. Observație: un șir de cuvinte nu va conține un cuvânt de mai multe ori.

PROIECTAREA ALGORITMILOR

Laborator 7

25. O persoana a uitat numarul de telefon al unui prieten. Stie doar ca numarul are 6 cifre, incepe cu 4 si contine 3 zerouri dintre care doua sunt alaturate. fisati toate variantele pe care trebuie sa le incerce pentru a vorbi cu prietenul sau.
26. La o masa rotunda sunt n persoane de diverse nationalitati, pentru fiecare persoana precizandu-se doua limbi straine cunoscute de ea. Se cere sa ajutati organizatorii mesei rotunde sa aranjeze persoanele astfel incat fiecare sa poata conversa atat cu cea din stanga cat si cu cea din dreapta.
27. Sa se genereze numerele mai mici decat n citit care trecute in baza 2 au in componenta lor exact p cifre de 1.
28. Sa se genereze toate secventele in cod binar de lungime n . Pentru fiecare secventa se va genera numarul asociat in baza 10. Sa se genereze toate codurile posibile.
29. Sa se genereze toate numerele naturale ale caror cifre se gasesc printre cifrele lui x citit si au lungimea cel mult egala cu lungimea lui x . Cifrele se pot repeta.
30. In cate moduri poate ajunge un pion de pe prima linie a unei table bidimensionale cu n linii si n coloane pe ultima linie a tablei. Se cunoaste coloana de plecare p . Pionul se poate deplasa numai pe o casuta alaturata si numai pe o linie mai mare.
31. Sa se determine partiile unui numar pt care suma inverselor obtinute este subunitara. Ex. $n=5$
 $3+2=5$ si $1/3+1/2<1$.
32. Se citeste un numar natural. Sa se determine toate numerele avand aceleasi cifre sau o parte din cifre si care sunt divizibile cu p citit
33. Sa se determine toate numerele cu cifre distincte. Cate astfel de numere sunt?
34. Sa se genereze toate numerele avand cifre distincte de la 0 la p . Numarul de cifre poate fi ≥ 1 si $\leq p+1$. Cate astfel de numere sunt?

Backtracking generalizat in plan

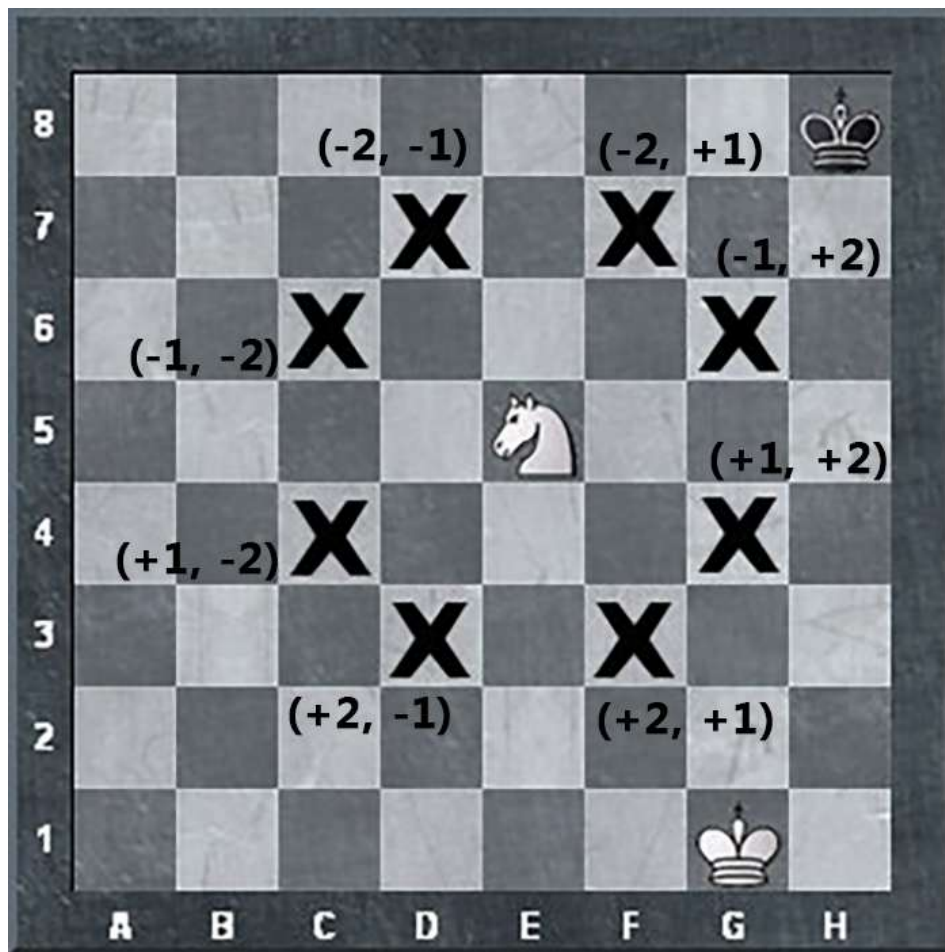
1. Sa se completeze o tabla de sah de 5*5 cu saritura calului pornind din coltul stanga-sus.

Exemplu: pentru n=5, o soluție este

1	14	9	20	23
10	19	22	15	8
5	2	13	24	21
18	11	4	7	16
3	6	17	12	25

Aflati numarul de solutii si afisati tablele.

Pentru tabla de sah de 8*8 avem urmatoarele posibilitati de a muta un cal:



2. Se da un tablou bidimensional (m linii, n coloane si $m*n$ componente) cu elemente distincte. Se dau si coordonatele primului punct. Sa se genereze un traseu in matrice pornind de la punctul dat astfel incat suma $\sum k*a[i][j]$ (unde $k=1 \rightarrow n*m$) sa fie maxima. In matrice se poate avansa numai la elemente vecine (pe cele 8 directii).

Exemplu: $n=m=4$; pozitia initiala : linia 3, coloana 2;

13	14	3	4
12	2	15	5
11	1	16	6
10	9	8	7

Suma maxima va fi: $1*1+2*2+3*3+\dots+16*16$.

3. Un labirint dreptunghiular cu m linii si n coloane contine culoare (reprezentate prin 0) si pereti (reprezentati prin 1). Se dau coordonatele initiale ale unui soricel si coordonatele finale, unde trebuie sa ajunga. Soricelul poate avansa sus, jos, stanga sau dreapta. (Incercati si cu cele 8 directii)

- Sa se genereze toate solutiile.
- Sa se afiseze solutia cea mai lunga (scurta)

Backtracking in plan

Fie urmatoare problema: un soricel se gaseste intr-un labirint de forma dreptunghiulara cu m linii si n coloane. Peretii sunt marcati cu 1 si culoarele cu 0. Se cunosc coordonatele initiale ale soricelului: L_i, C_i . Sa se determine toate posibilitatile pe care le are soricelul pentru a iesi din labirint. Soricelul poate avansa pe 4 directii cate o celula (sus, dreapta, jos, stanga).

O astfel de problema presupune o abordare Backtracking in plan. Traseul soricelului va fi retinut de un vector cu doua campuri: coordonatele x si y. Vom defini un tip struct:

```
struct pozitie  
{int x,y};
```

si vom declara un vector care retine drumul: pozitie d[50];

Pentru generarea unui drum vom defini un subprogram recursiv oid ies(int x,int y) care primeste ca parametri coordonatele unei componente din matrice. Initial se apeleaza pentru coordonatele initiale ale soricelului. O componenta din matrice va putea apartine drumului daca evident este culoar ($a[x][y]=0$). O celula a matricii determinata ca apartinand drumului se marcheaza cu 2 (pentru a preveni ciclarile):

```
a[x][y]=2;
```

Se incarca valoarea corespunzatoare in vectorul d pe nivelul curent:

```
d[k].x=x;  
d[k].y=y;
```

De fiecare data cand s-a determinat o noua celula ca apartinand drumului se determina daca s-a ajuns la solutie (conditie care difera de la o problema la alta).

In cazul problemei noastre se iese din labirint cand se ajunge la linia 0 sau coloana 0 sau linia m+1 sau coloana n+1. testul este:

```
if((x<1)||x>m)||(y<1)||y>n))  
    tipar(k);
```

In caz afirmativ se tipareste (se afiseaza vectorul d si/sau matricea a) altfel (daca solutia este incompleta) se incearca parcurgerea, pe rand, a celor 4 celule alaturate. Acest lucru se realizeaza prin autoapelul functiei ies pe cele patru directii:

```
ies(x-1,y);  
    ies(x,y+1);  
    ies(x+1,y);  
    ies(x,y-1);
```

Observatie: vectorul d functioneaza ca o stiva cu doua campuri.

La revenire din apel se elibereaza celula pentru a o putea accesa si in cadrul altor prelucrari: a[x][y]=0 si se elibereaza componenta drumului k=k-1 (practic se coboara in stiva).

```
void ies(int x,int y)  
{if(a[x][y]==0)  
    {k++;  
    a[x][y]=2;  
    d[k].x=x;  
    d[k].y=y;  
    if((x<1)||x>m)||(y<1)||y>n))  
        tipar(k);  
    else  
        {ies(x-1,y);  
        ies(x,y+1);  
        ies(x+1,y);  
        ies(x,y-1);  
        }  
    a[x][y]=0; //la revenire din apel demarchez celula pentru a o putea  
              //accesa si in cadrul altei prelucrari  
    k--;      //eliberez componenta din vectorul drumului  
    }  
}
```

Fie urmatorul labirint: $m=6$ $n=10$ $L_i=4$, $C_i=3$

```
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 0 0 0 0 0 0 0 0
1 1 1 1 1 1 1 0 1 1
1 1 1 1 1 1 1 0 1 1
```

Solutiile vor fi:

solutia 1

(4,3) (4,4) (4,5) (3,5) (2,5) (1,5) (0,5)

```
1 1 1 1 2 1 1 1 1 1
1 1 1 1 2 1 1 1 1 1
1 1 1 1 2 1 1 1 1 1
1 1 2 2 2 0 0 0 0 0
1 1 1 1 1 1 1 0 1 1
1 1 1 1 1 1 1 0 1 1
```

solutia 2

(4,3) (4,4) (4,5) (4,6) (4,7) (4,8) (4,9) (4,10) (4,11)

```
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 2 2 2 2 2 2 2 2
1 1 1 1 1 1 1 0 1 1
1 1 1 1 1 1 1 0 1 1
```

solutia 3

(4,3) (4,4) (4,5) (4,6) (4,7) (4,8) (5,8) (6,8) (7,8)

```
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 2 2 2 2 2 2 0 0
1 1 1 1 1 1 1 2 1 1
1 1 1 1 1 1 1 2 1 1
```

Programul complet este:

```
#include <iostream>

using namespace std;

struct pozitie
{
    int x,y;
};

int a[20][20]; // labirintul
int k,n,m,Li,Ci,nr_sol;
pozitie d[50];

void tipar(int k) //tipareste vectorul drum
{
    nr_sol++;
    cout<<"solutia "<<nr_sol<<endl;
    for(int i=1;i<=k;i++)
        cout<<"("<<d[i].x<<','<<d[i].y<<") ";
    cout<<endl;
    for(int i=1;i<=m;i++)
    {
        for(int j=1;j<=n;j++) cout<<a[i][j]<<" ";
        cout<<endl;
    }
    cout<<endl;
}

void ies(int x,int y) //genereaza drumul
{
    if(a[x][y]==0)
    {
        k++;
        a[x][y]=2;
        d[k].x=x;
        d[k].y=y;
        if((x<1)||((x>m)||((y<1)||((y>n))))
            tipar(k);
        else
        {
            ies(x-1,y);
            ies(x,y+1);
            ies(x+1,y);
            ies(x,y-1);
        }
    }
}
```

```
    }
    a[x][y]=0; //la revenire din apel demarchez celula pentru a o putea accesa si in cadrul
altei prelucrari
    k--; //eliberez componenta din vectorul drumului
    }
}

void citire()
{
//matricea ce reprezinta labirintul
cin>>m>>n;

for(int i=1;i<=m;i++)
    for(int j=1;j<=n;j++)
        cin>>a[i][j];

cin>>Li>>Ci; //coordonatele punctului in care se afla soricelul
}

int main()
{
    k=0;
    citire();
    ies(Li,Ci);
    cout<<"Matricea: "<<endl;
    for(int i=1;i<=m;i++)
    {
        for(int j=1;j<=n;j++) cout<<a[i][j]<<" ";
        cout<<endl;
    }
    return 0;
}
```

Executia programului folosind compilatorul online <https://www.jdoodle.com/online-compiler-c++/>:

The screenshot shows an online compiler interface with the following elements:

- Execute Mode, Version, Inputs & Arguments: GCC11.1.0
- Interactive:
- Stdin Inputs:


```
6 10
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 0 0 0 0 0 0 0 0
1 1 1 1 1 1 0 1 1 1
1 1 1 1 1 1 0 1 1 1
4 3
```
- CommandLine Arguments:

Result

CPU Time: 0.00 sec(s), Memory: 3424 kilobyte(s)

```
solutia 1
(4,3) (4,4) (4,5) (3,5) (2,5) (1,5) (0,5)
1 1 1 1 2 1 1 1 1 1
1 1 1 1 2 1 1 1 1 1
1 1 1 1 2 1 1 1 1 1
1 1 2 2 2 0 0 0 0 0
1 1 1 1 1 1 1 0 1 1
1 1 1 1 1 1 1 0 1 1

solutia 2
(4,3) (4,4) (4,5) (4,6) (4,7) (4,8) (4,9) (4,10) (4,11)
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 2 2 2 2 2 2 2 2
1 1 1 1 1 1 1 0 1 1
1 1 1 1 1 1 1 0 1 1

solutia 3
(4,3) (4,4) (4,5) (4,6) (4,7) (4,8) (5,8) (6,8) (7,8)
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 2 2 2 2 2 2 0 0
1 1 1 1 1 1 1 2 1 1
1 1 1 1 1 1 1 2 1 1

Matricea:
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
1 1 0 0 0 0 0 0 0 0
1 1 1 1 1 1 1 0 1 1
1 1 1 1 1 1 1 0 1 1
```

Probleme propuse spre rezolvare

1. Aceeasi problema ca in exemplu cu diferenta ca soricelul poate avansa in celule alaturate pe cele 8 directii posibile
2. Un soricel se gaseste intr-un labirint de forma dreptunghiulara cu m linii si n coloane. Peretii sunt marcati cu 1 si culoarele cu 0. Se cunosc coordonatele initiale ale soricelului: L_i, C_i . Sa se determine toate posibilitatile pe care le are soricelul pentru a iesi ajunge la cascaval. Se cunosc coordonatele cascavalului: L_f, C_f .
3. Aceeasi problema ca la 2 cu diferenta ca se afiseaza doar cea mai scurta solutie.
4. Un labirint dreptunghiular cu m linii si n coloane contine culoare (reprezentate prin 0) si pereti (reprezentati prin -1). Se dau coordonatele initiale ale unui soricel si coordonatele finale , unde trebuie sa ajunga. Pe culoare se gasesc bucati de branza pt care se cunoaste greutatea in grame.
 - a) Sa se genereze toate solutiile., pt fiecare se afiseaza cantitatea consumata
 - b) Sa se afiseze solutia cea mai „consistenta”.Indicatie: se vor marca cu -2 celulele parcurse si se vor retine in vectorul drum inclusiv cantitatea consumata. Matricea se bordeaza cu pereti (se pun valori de -1).
5. Pe o tabla de forma dreptunghiulara se afla un cal. Se cunosc coordonatele initiale ale calului. Acesta trebuie sa ajunga intr-o pozitie finala sarind numai sub forma sariturii calului. Stiind ca numai anumite celule sunt permise sariturii (acestea sunt marcate) sa se determine ce posibilitati sunt ca sa se ajunga in pozitia finala.