

# PROIECTAREA ALGORITMILOR

Adrian Runceanu

## Curs 8

# Elemente de teoria grafurilor (partea III)

## Conținutul cursului

**8.1. Grafuri orientate. Definiții.**

**8.2. Reprezentarea grafurilor orientate**

**8.3. Parcurgerea grafurilor orientate**

**8.4. Probleme rezolvate**

## Definiție

Se numește **graf orientat** o pereche ordonată de mulțimi  $\mathbf{G}=(\mathbf{X},\mathbf{U})$ , unde:

- $\mathbf{X}$  este o mulțime finită și nevidă numită **mulțimea vârfurilor (nodurilor)**,
- iar  $\mathbf{U}$  este o mulțime formată din perechi ordonate de elemente distincte din  $\mathbf{X}$  numită **mulțimea arcelor**.

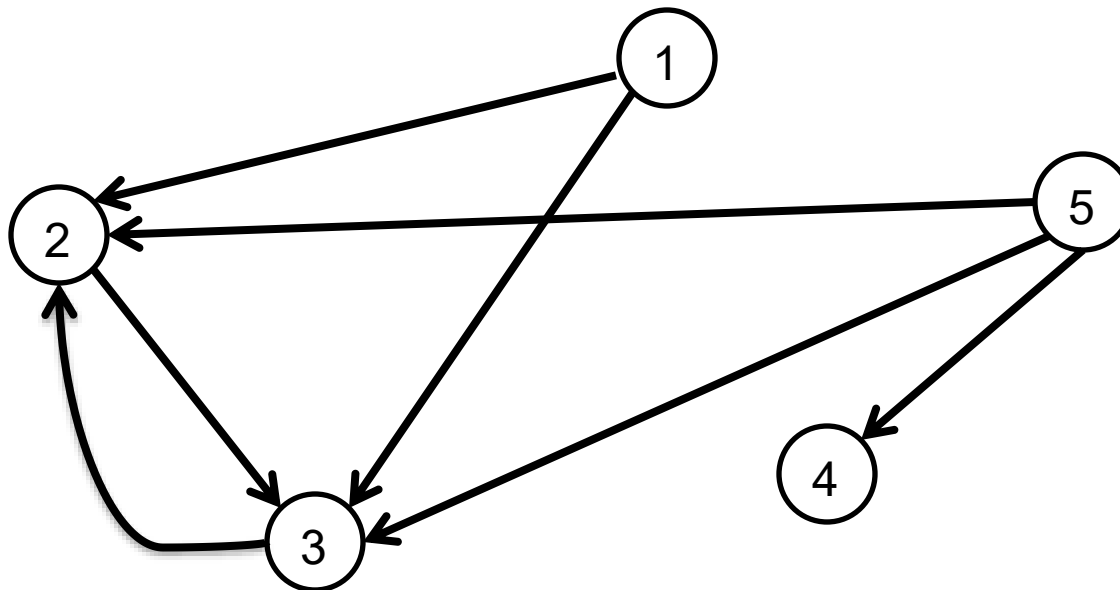
Daca eliminam o muchie, graful isi pierde proprietatea de conexitate, iar daca adaugam o muchie, apare un ciclu.

## 8.1. Definiții

*Exemplu:*

$$X = \{1, 2, 3, 4, 5\};$$

$$U = \{(1,2), (1,3), (2,3), (3,2), (5,2), (5,3), (5,4)\};$$



## Notatie

Orice arc se notează cu  $u=(x,y)$  și spunem că  $x$  este extremitate inițială și  $y$  este extremitate finală a arcului.

## Definitie

Pentru graful  $G=(X,U)$  dacă există arcul  $u=(x,y)$  spunem că vârfurile  $x$  și  $y$  sunt adiacente și amândouă sunt incidente cu arcul  $u$ .

## Observatie

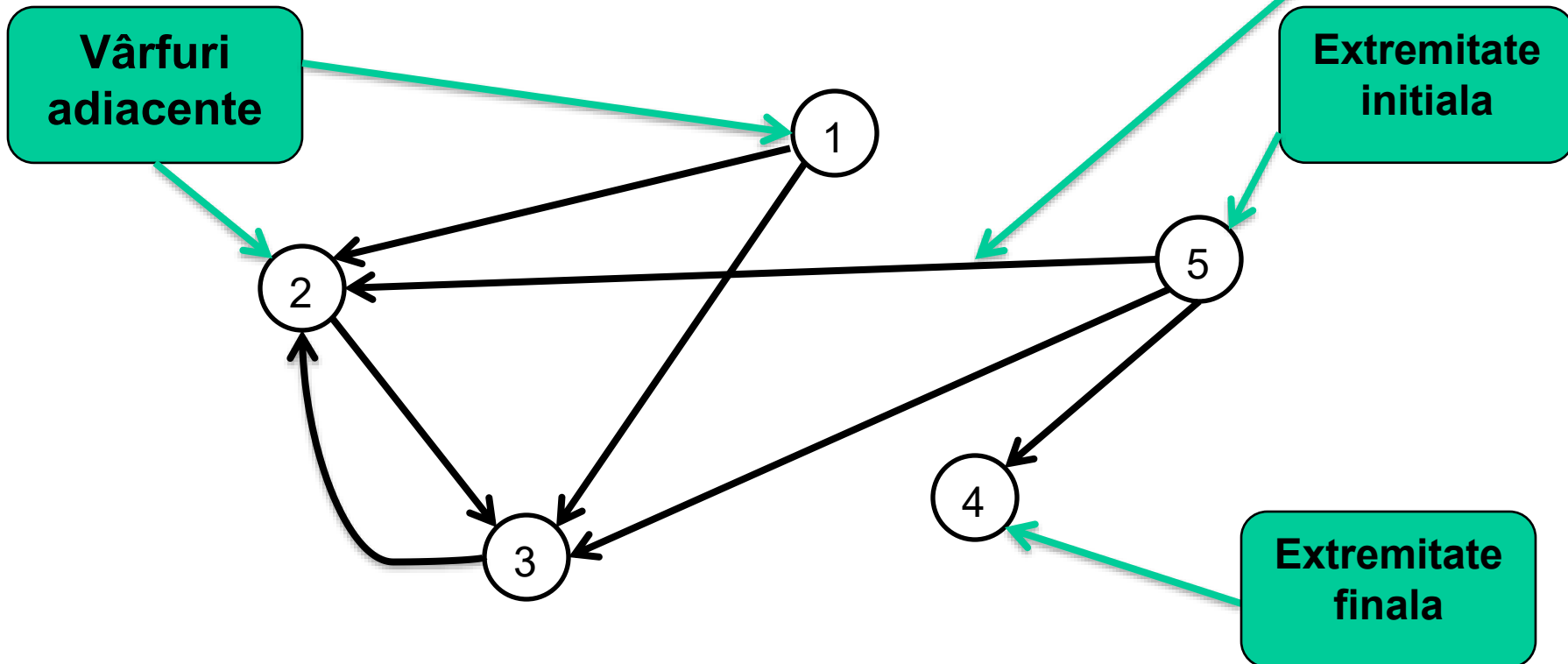
Arcul  $(x,y)$  diferă de arcul  $(y,x)$ .

## 8.1. Definiții

*Exemplu:*

$X = \{1, 2, 3, 4, 5\};$

$U = \{(1,2), (1,3), (2,3), (3,2), (5,2), (5,3), (5,4)\};$



## 8.1. Definiții

**Definitie** Se numește **grad exterior** al unui vârf  $x$  notat cu  $d^+(x)$ , *numărul arcelor de forma  $(x,y) \in U$ .*

**Definitie** Se numește **grad interior** al unui vârf  $x$  notat cu  $d^-(x)$ , *numărul arcelor de forma  $(y,x) \in U$ .*

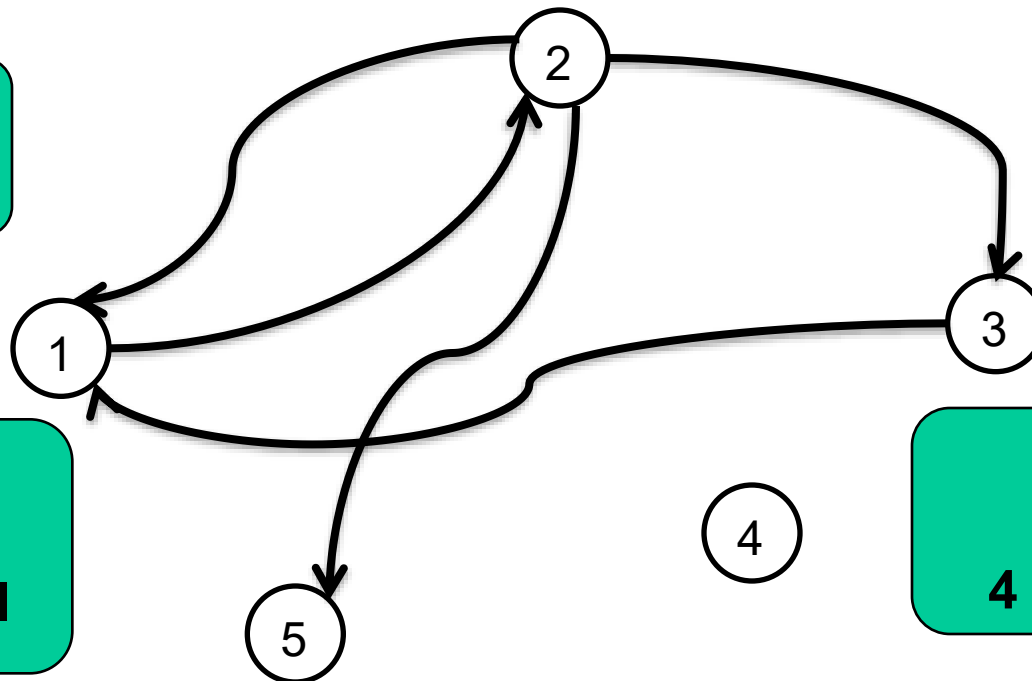
## 8.1. Definiții

*Exemplu:*

$X = \{1, 2, 3, 4, 5\};$

$U = \{(1,2), (2,1), (2,3), (3,1), (2,5)\};$

$d^+(2)=3$   
 $d^-(2)=1$



$d^+(5)=0$   
 $d^-(5)=1$   
5 - Nod terminal

$d^+(4)=0$   
 $d^-(4)=0$   
4 - Nod izolat

**Notatie**

$\Gamma^+(x) = \{y \in X \mid (x, y) \in U\}$  - mulțimea succesorilor lui x

**Notatie**

$\Gamma^-(x) = \{y \in X \mid (y, x) \in U\}$  - mulțimea predecesorilor lui x

**Notatie**

$\omega^+(x) = \{u = (x, y) \mid u \in U\}$  - mulțimea arcelor ce ies din x

**Notatie**

$\omega^-(x) = \{u = (y, x) \mid u \in U\}$  - mulțimea arcelor ce intră în x

Observatie: Un vârf este **izolat** dacă are gradul interior și gradul exterior egale cu 0.

Observatie: Un vârf se numește **terminal** dacă are gradul interior 1 și gradul exterior 0.

**Definitie** Se numește **lant** o succesiune de arce  $u_1, u_2 \dots u_k \in U$ , cu proprietatea ca oricare doua arce  $(u_k, u_{k+1})$  de pe pozitii consecutive au un nod comun.

**Observație:** nu contează ordinea de parcurgere

**Definitie** Se numește **drum** o succesiune de noduri  $x_1, x_2 \dots x_k \in X$  cu proprietatea că  $(x_i, x_{i+1})$  este arc.

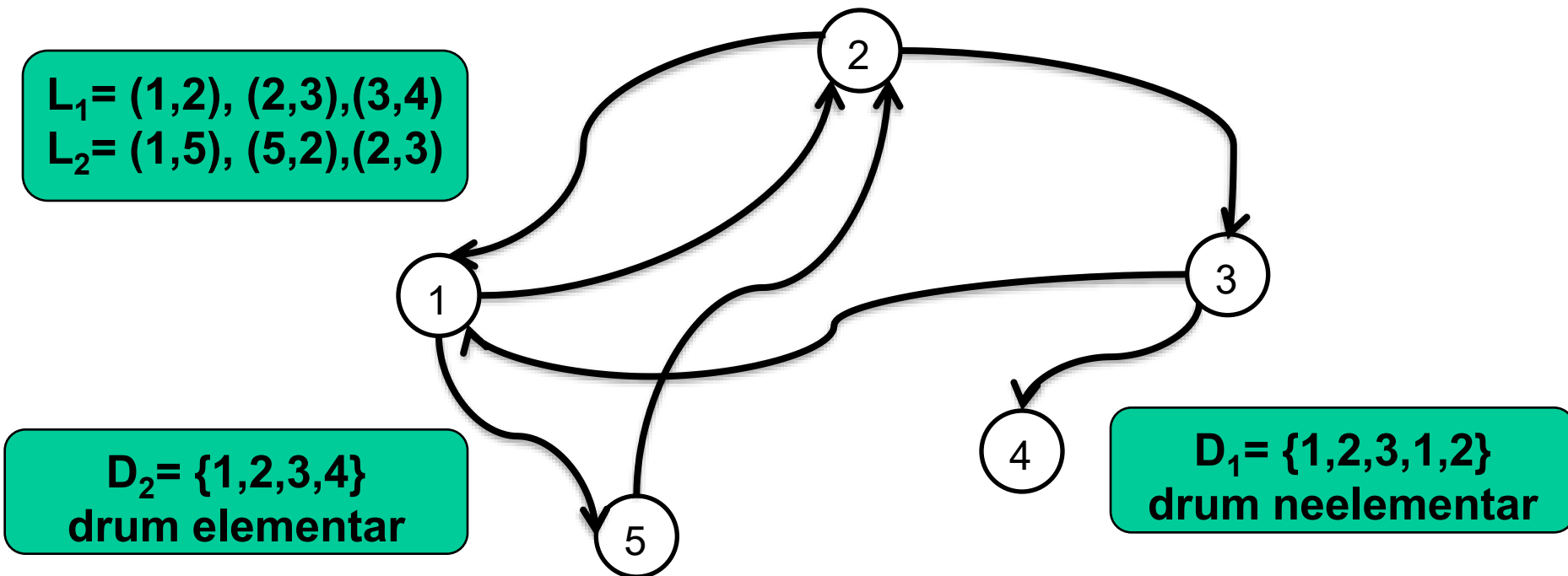
**Observație:** contează ordinea de parcurgere  
Dacă nodurile sunt distincte, drumul se numește **elementar**.

## 8.1. Definiții

*Exemplu:*

$$X = \{1, 2, 3, 4, 5\};$$

$$U = \{(1,2), (2,1), (1,5), (2,3), (3,1), (3,4), (5,2)\};$$



**Definitie** Se numește **circuit** într-un graf orientat un drum  $x_1, x_2 \dots x_k$  cu proprietatea că  $x_1 = x_k$  și arcele  $(x_i, x_{i+1})$  să fie distincte 2 câte 2.

**Definitie** Un circuit în care toate nodurile sunt distincte cu excepția capetelor se numește **circuit elementar**.

**Definitie** Un **drum hamiltonian** într-un graf orientat este un drum care conține toate vârfurile grafului.

**Definitie** Într-un graf orientat  $G=(X,U)$  se numește **circuit hamiltonian** un circuit elementar care conține toate vârfurile grafului.

**Definitie** Într-un graf orientat  $G=(X,U)$  se numește **circuit eulerian** un circuit care conține toate arcele grafului.

**Definitie** Se numește **graf eulerian** un graf care conține un circuit eulerian.

## 8.1. Definiții

**Definitie** Un **graf parțial** al grafului orientat  $G=(X,U)$  este un graf  $G_1=(X,V)$  cu proprietatea că  $V \subseteq U$  (este graful însuși sau se obține din graful inițial prin eliminarea unor arce).

Se mai spune că graful parțial  $G_1$  este indus de mulțimea de arce  $V$ .

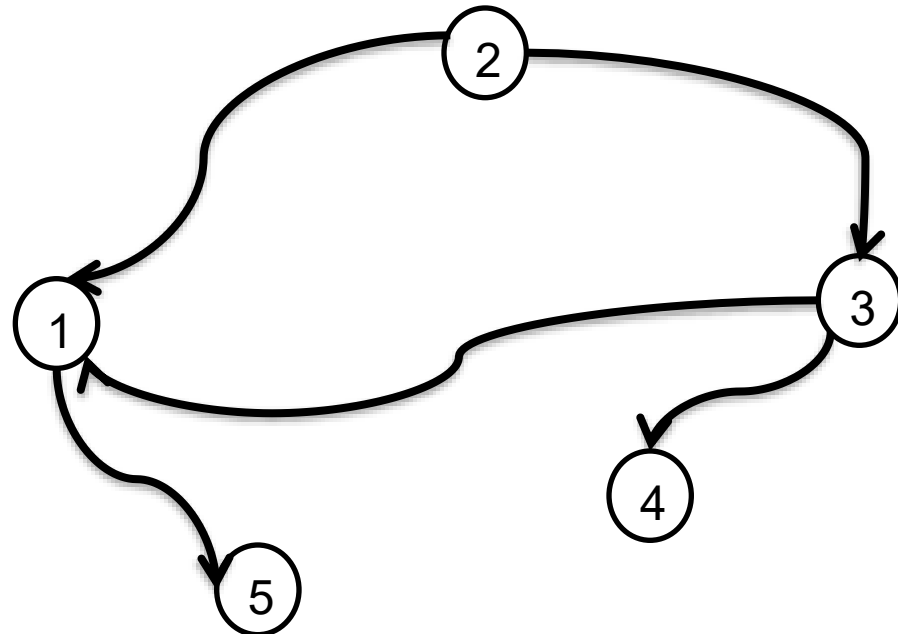
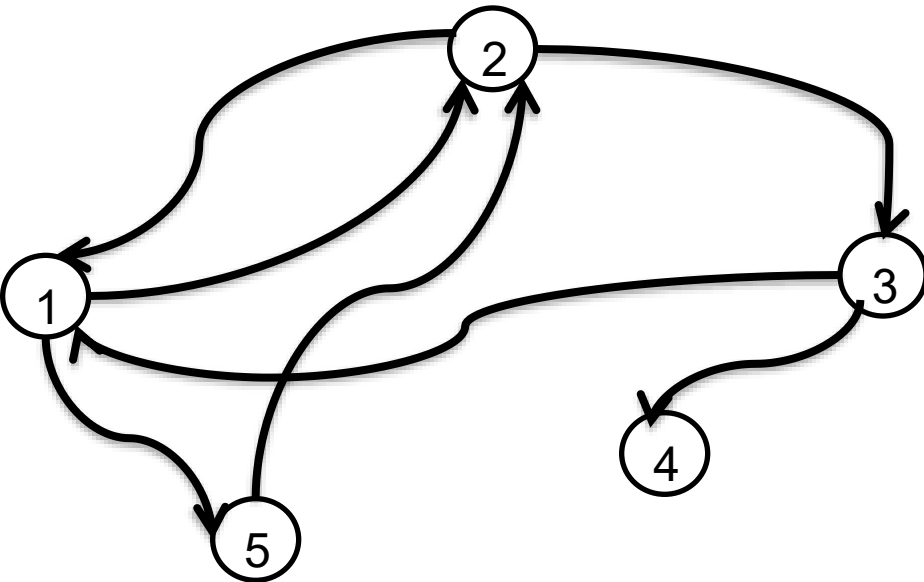
## 8.1. Definiții

*Exemplu:*

$$X = \{1, 2, 3, 4, 5\};$$

$$U = \{(1,2), (2,1), (1,5), (2,3), (3,1), (3,4), (5,2)\};$$

$$V = \{(2,1), (1,5), (3,1), (3,4), (2,3)\};$$



## 8.1. Definiții

**Definitie** Un **subgraf** al unui graf orientat  $G=(X,U)$  este un graf  $H=(Y,V)$  astfel încât  $Y \subseteq X$  și  $V$  conține toate arcele din  $U$  care au ambele extremități în  $Y$  (poate fi graful însuși sau se obține din acesta prin eliminarea unor vârfuri și a arcelor incidente cu acestea).

Spunem că subgraful  $H$  este indus de mulțimea de vârfuri  $Y$ .

## 8.1. Definiții

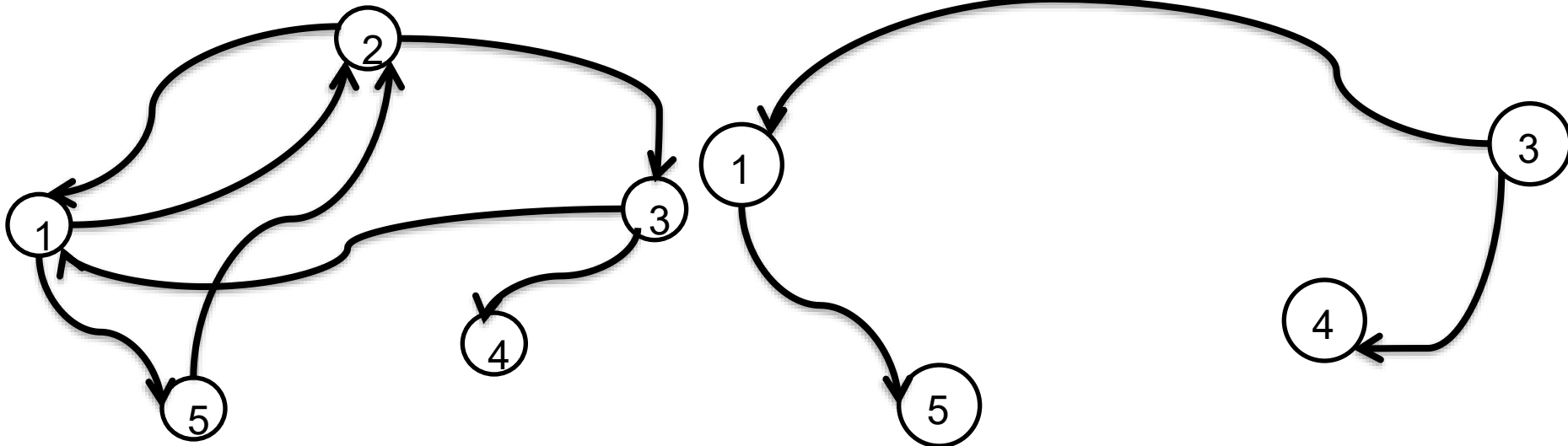
*Exemplu:*

$$X = \{1, 2, 3, 4, 5\};$$

$$U = \{(1,2), (2,1), (1,5), (2,3), (3,1), (3,4), (5,2)\};$$

$$Y = \{1, 3, 4, 5\};$$

$$V = \{(1,5), (3,1), (3,4)\};$$



**Definitie** Un graf orientat este **complet** dacă oricare două vârfuri distincte ale sale sunt adiacente.

### Observatii:

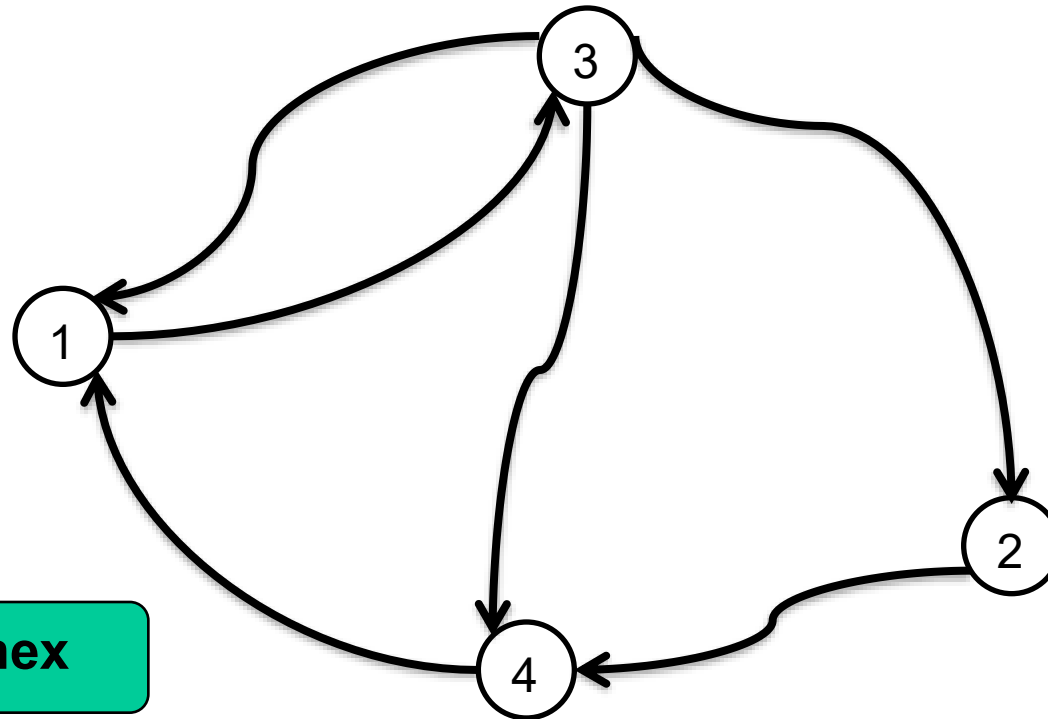
- Spre deosebire de grafurile neorientate unde graful complet este unic, la grafurile orientate se pot construi mai multe grafuri orientate complete cu  $n$  vârfuri.
- Două vârfuri  $x$  și  $y$  sunt adiacente într-un graf orientat în oricare din situațiile: există arcul  $(x,y)$  sau arcul  $(y,x)$  sau arcele  $(x,y)$  și  $(y,x)$ .
- *Sunt  $n(n-1)/2$  posibilități de a alege două vârfuri distincte.*
- *Pentru fiecare dintre acestea există 3 situații, deci în total sunt  $3^{n(n-1)/2}$  grafuri orientate complete cu  $n$  vârfuri.*

**Definitie** Un graf este **tare conex** dacă pentru oricare două vârfuri  $x, y \in X$  **există un drum de la  $x$  la  $y$  și un drum de la  $y$  la  $x$ .**

**Definitie** O **componentă tare conexă** a unui graf orientat  $G=(X, U)$  este un subgraf  $G_1=(X_1, Y_1)$  al lui  $G$  care este tare conex și care este maximal în raport cu această proprietate (adică oricare ar fi  $x \in X \setminus X_1$ , subgraful lui  $G$  generat de  $X_1 \cup \{x\}$  nu mai este tare conex).

## 8.1. Definiții

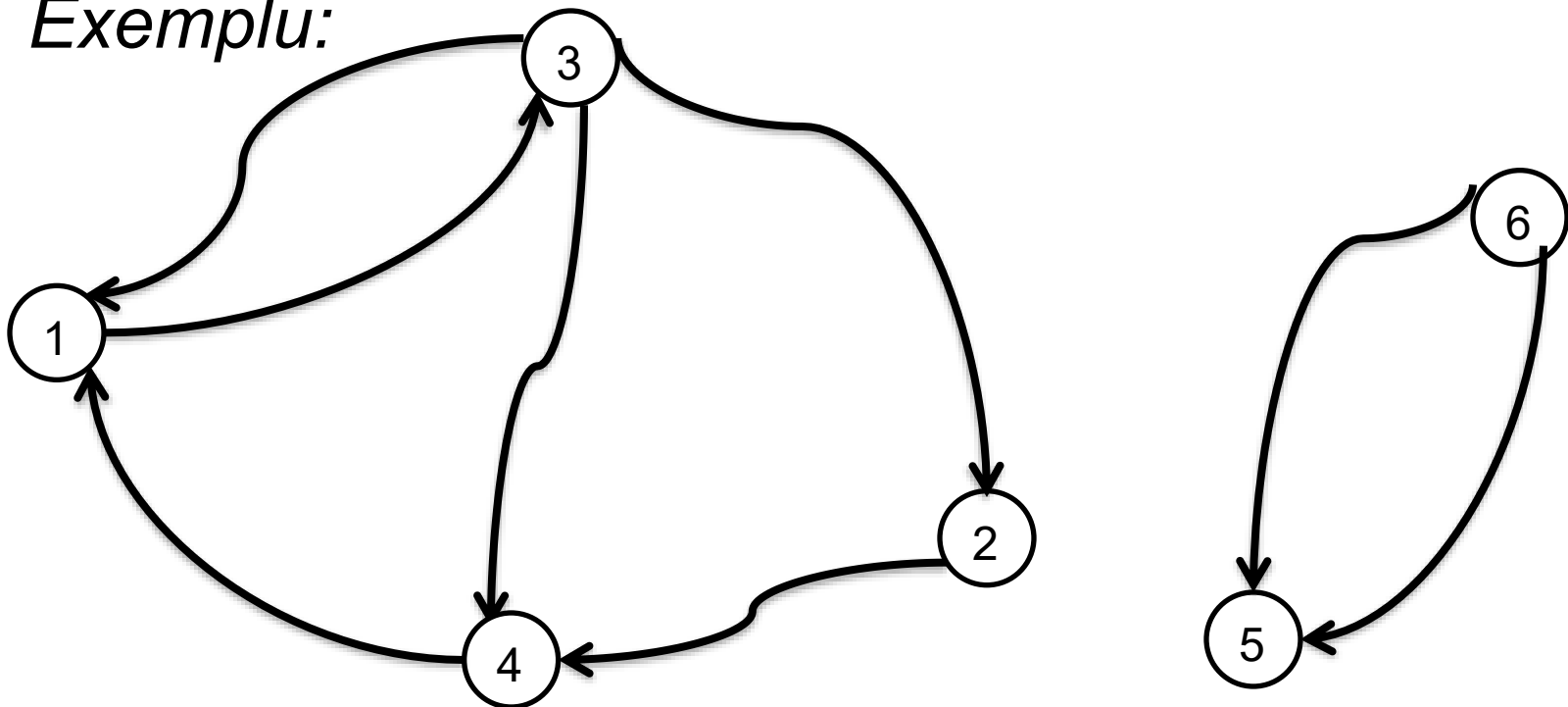
*Exemplu:*



**Graf tare conex**

## 8.1. Definiții

*Exemplu:*



**Graf cu 2 componente  
tare conexe**

**Definitie** Fiecărei muchii a unui graf orientat  $i$  se poate asocia o valoare care reprezintă **costul** acelei muchii.

**Definitie** Un graf orientat în care fiecărei muchii  $i$  s-a asociat o valoare se numește **graf ponderat** sau **graf valoric**.

**Definitie** Fie un graf orientat  $G=(X, U)$  și o funcție  $L: U \rightarrow \mathbb{R}_+$ , care asociază fiecărui arc  $u \in U$  lungimea (costul sau ponderea) sa  $L(u)$ .

**Lungimea unui drum** în acest graf este egală, prin definiție cu **suma lungimilor asociate arcelor sale**.

**Definitie** Un graf orientat cu proprietatea că între oricare două vârfuri  $x$  și  $y$  există un arc și numai unul se numește **graf turneu**.

**Definitie** Numim **transpusul** unui graf orientat  $G=(X, U)$  un graf  $G'=(X, U')$  care are aceeași mulțime de vârfuri ca și graful inițial, arcele sale fiind cele ale grafului inițial dar având sens opus.

## Conținutul cursului

**8.1. Grafuri orientate. Definiții**

**8.2. Reprezentarea grafurilor orientate**

**8.3. Parcurgerea grafurilor orientate**

**8.4. Probleme rezolvate**

## 8.2 Reprezentari ale grafurilor orientate

Există mai multe moduri de reprezentare a grafurilor, alegerea făcându-se în funcție de tipurile de operații care urmează să se efectueze:

1. **Matricea de adiacență**: face o asociere între vârfuri și indicii matricei. Este o matrice pătratică cu  $n \times n$  elemente, unde  $n$  este numărul de noduri.

$$a_{ij} = \begin{cases} 1, & \text{dacă arcul } (i,j) \text{ există} \\ 0, & \text{dacă arcul } (i,j) \text{ nu există} \end{cases}$$

## 8.2 Reprezentari ale grafurilor orientate

### **Observatie**

*Matricea de adiacență a unui graf orientat nu este simetrică față de diagonala principală.*

### **Observatie**

Numarul de valori “1” de pe **linia “i”** reprezintă **gradul exterior al nodului “i”**.

### **Observatie**

Numarul de valori “1” de pe **coloana “i”** reprezintă **gradul interior al nodului “i”**.

## 8.2 Reprezentari ale grafurilor orientate

### 2. Matricea de incidență (matricea vârfuri-arce):

este o matrice cu  $n$  linii și  $m$  coloane, unde  $n$  este numărul de vârfuri și  $m$  este numărul de arce; pe linii se rețin vârfurile, pe coloane se rețin muchiile; matricea are valorile 0, 1 și -1.

$$a_{ij} = \begin{cases} 1, & \text{dacă } i \text{ este extremitate inițială a arcului } j \\ -1, & \text{dacă } i \text{ este extremitate finală a arcului } j \\ 0, & \text{dacă } i \text{ nu este extremitate a arcului } j \end{cases}$$

## ***Observatie***

➤ Completarea matricei se face coloană cu coloană. Pe fiecare coloană sunt două valori diferite de 0 (1 pentru vârful inițial, -1 pentru vârful final) iar celelalte valori sunt 0.

## ***Observatie***

➤ Numarul de valori “1” de pe **linia “i”** reprezintă **gradul exterior al nodului “i”**.

## ***Observatie***

➤ Numarul de valori “-1” de pe **linia “i”** reprezintă **gradul interior al nodului “i”**.

3. **Matricea drumurilor**: este o matrice pătratică cu  $n \times n$  noduri unde  $n$  este numărul de vârfuri

$$a_{ij} = \begin{cases} 1, & \text{dacă drumul de la } i \text{ la } j \text{ există} \\ 0, & \text{dacă drumul de la } i \text{ la } j \text{ nu există} \end{cases}$$

### ***Observatie***

- Matricea drumurilor se obține din matricea de adiacență prin aplicarea **algoritmului lui Roy-Warshall**.
- Se utilizează pentru a arăta dacă *un graf este tare conex* sau nu.
- *Dacă în matrice sunt numai valori de 1, înseamnă că graful este tare conex.*

## 8.2 Reprezentari ale grafurilor orientate

4. **Matricea costurilor**: pentru reprezentarea grafurilor valorice. Este o matrice cu  $n \times n$  elemente, unde  $n$  este numărul de noduri.

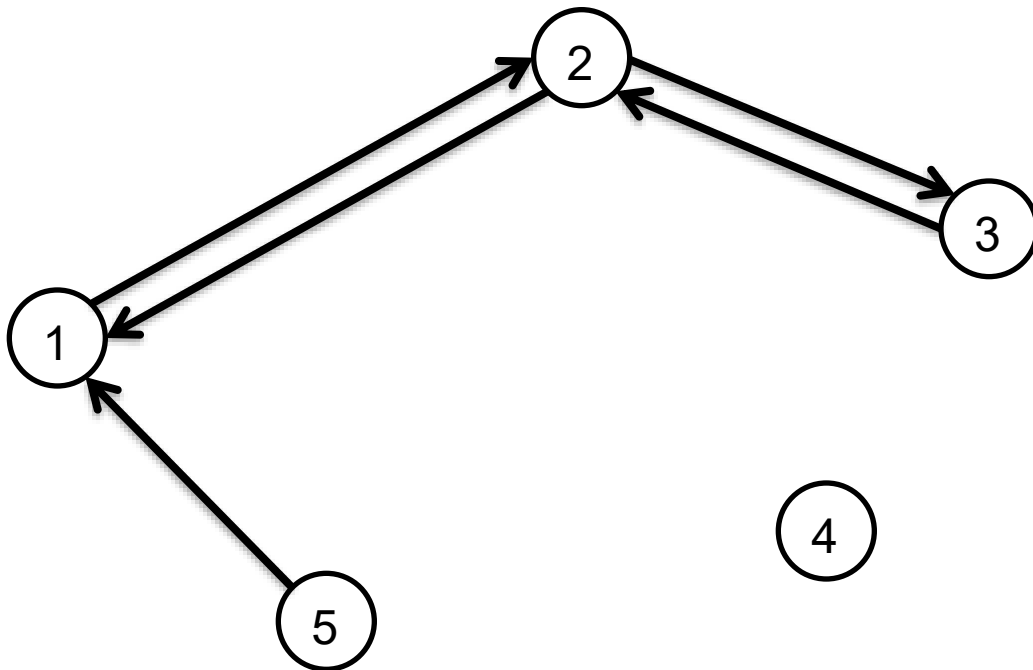
$$a_{ij} = \begin{cases} \text{costul arcului, dacă arcul (i,j) există} \\ 0, \text{ dacă arcul (i,j) nu există} \\ \infty / -\infty, \text{ dacă este o problemă de minim/maxim} \end{cases}$$

### **Observatie**

➤ Matricea de costurilor unui graf orientat nu este simetrică față de diagonala principală.

**5. Liste de adiacență:** Pentru fiecare nod se memorează o listă a vecinilor săi.

Pentru întregul graf este necesar un vector de liste ( $P$ ) în care  $P_i$  este adresa primului element al listei asociate lui  $i$ .



Nod	Lista de adiacență asociată
1	2,5
2	1,3
3	2
4	-
5	1

## Conținutul cursului

- 8.1. Grafuri orientate. Definiții**
- 8.2. Reprezentarea grafurilor orientate**
- 8.3. Parcurgerea grafurilor orientate**
- 8.4. Probleme rezolvate**

## 8.3. Parcurgerea grafurilor orientate

Prin algoritmul *BF* se realizeaza o parcurgere a grafului „*în lățime*“.

*Se vizitează un vârf inițial s, apoi vecinii săi (vârfurile adiacente cu s), după aceea vecinii vecinilor lui s (nevizitați încă), etc.*

*Observatie:*

Dacă graful nu este conex nu se pot vizita toate vârfurile.

Structuri de date necesare pentru implementare sunt:

1. **Matrice de adiacență** (sau alte variante de reprezentare): **a**
2. **Cooda** (în care se memorează în ordinea parcursă nodurile vizitate): **c**
  - p, u - indicatorii primului și ultimului element din coadă
3. **Vectorul nodurilor vizitate**: **viz**
  - $\text{viz}[i]=1$ , dacă i a fost vizitat
  - $\text{viz}[i]=0$ , altfel

## 8.3. Parcurgerea grafurilor orientate

- **Parcurgerea *BF* (*Breath First*)** se efectuează prin utilizarea structurii numită coadă, având grijă ca un nod să fie vizitat o singură dată.
- Atunci când un nod a fost introdus în coadă, se marchează ca vizitat.

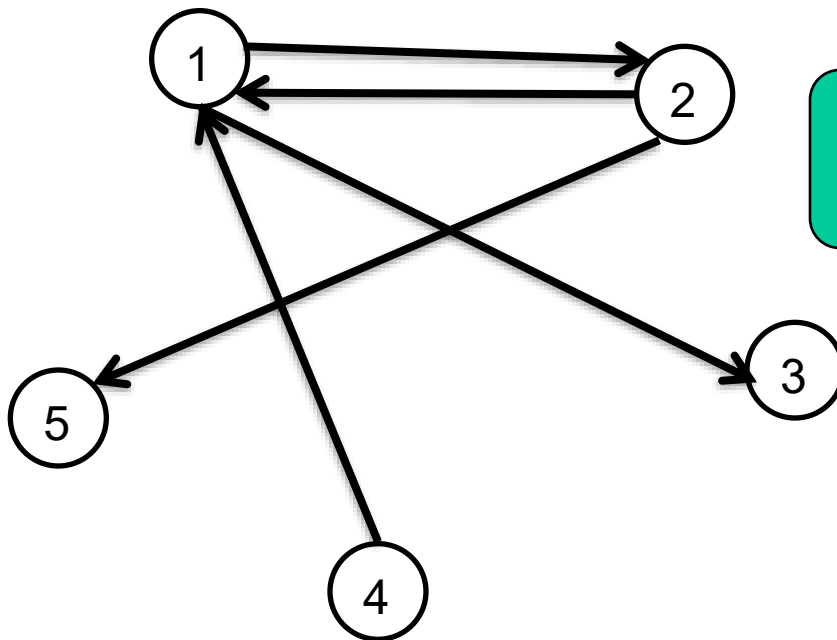
**Observație:** algoritmul se adaptează astfel încât să poată fi luați în considerare toți vecinii unui nod.

## 8.3. Parcurgerea grafurilor orientate

*Exemplu:*

$X = \{1, 2, 3, 4, 5\};$

$U = \{(1,2), (2,1), (1,3), (2,5), (4,1)\};$



$x = 1$   
Parcurgerea BF: 1, 2, 3, 4, 5

## 8.3. Parcurgerea grafurilor orientate

- **Algoritmul *DF (Depth First)*** se caracterizează prin faptul că realizează o parcurgere a grafului „*în adâncime*“ atât cât este posibil.
- *Parcurgerea începe cu un vârf  $s$  ales inițial.*
- *Prelucrarea unui vârf conduce la prelucrarea primului său vecin încă nevizitat, apoi se prelucrează primul vecin al acestuia care nu a fost încă vizitat, etc.*

## 8.3. Parcurgerea grafurilor orientate

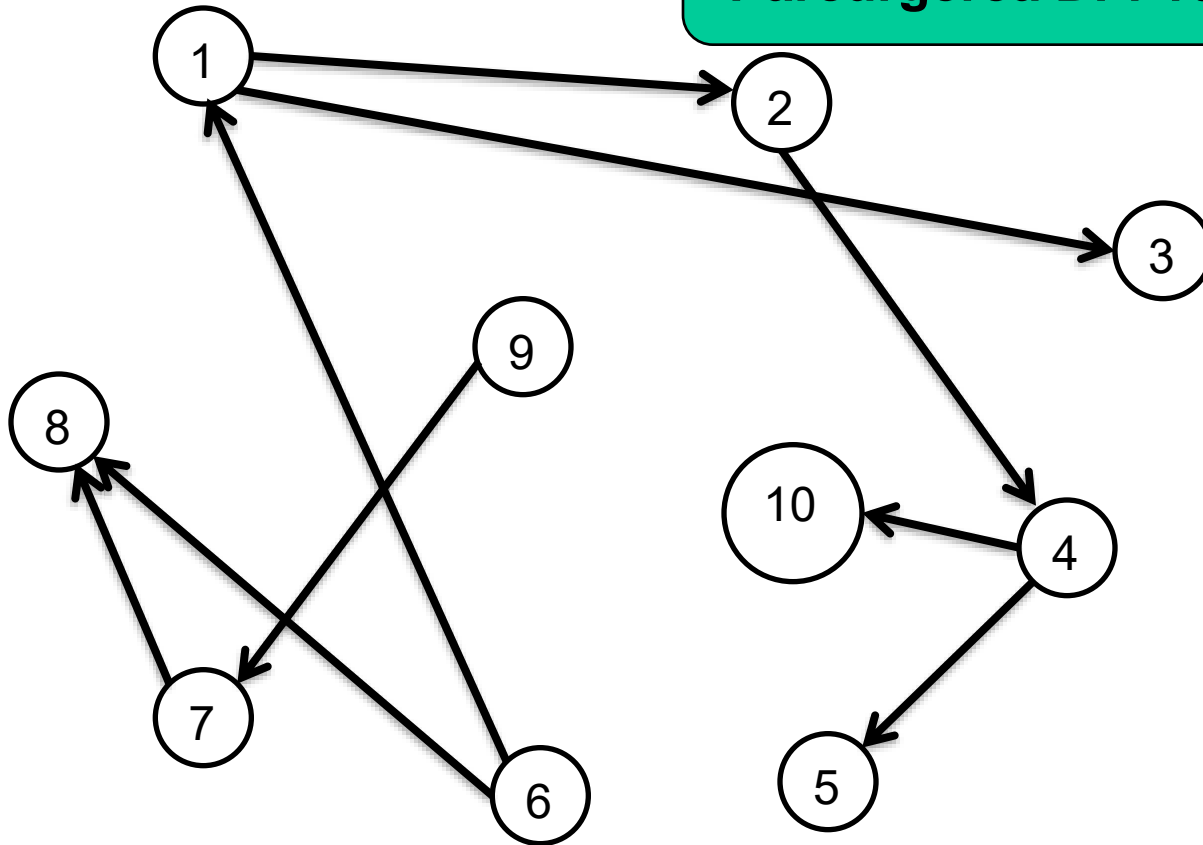
Structuri de date necesare implementării:

1. **Matrice de adiacență** (sau alte variante): **a**
2. **Stiva**: **s** (în care se memorează nodurile în ordinea parcurgerii). Dacă se implementează varianta recursivă, se va folosi stiva procesorului
3. **Vectorul nodurilor vizitate**: **viz**

## 8.3. Parcurgerea grafurilor orientate

*Exemplu:*

$x = 10$   
Parcurgerea DF: 10, 4, 2, 1, 3, 6, 8, 7, 9, 5



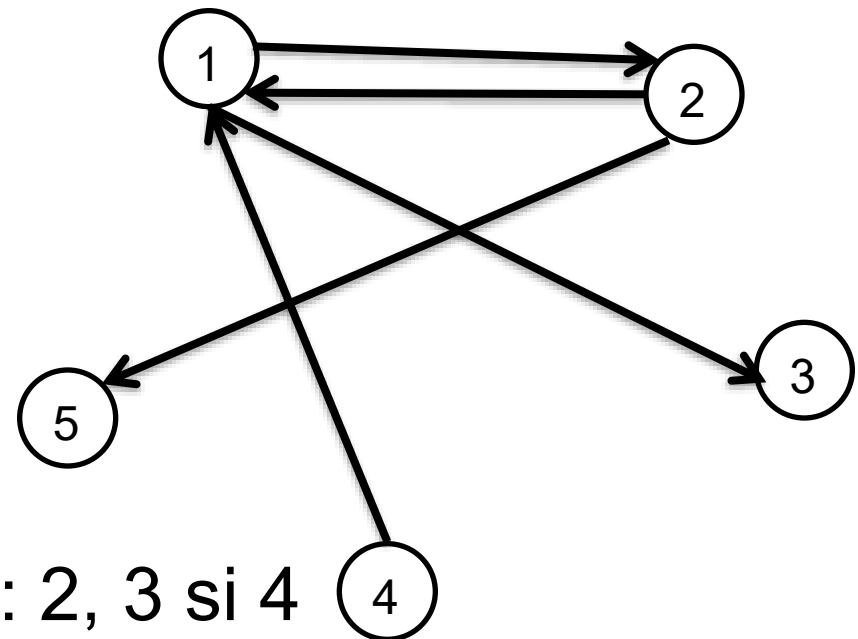
# Conținutul cursului

- 8.1. Grafuri orientate. Definiții**
- 8.2. Reprezentarea grafurilor orientate**
- 8.3. Parcurgerea grafurilor orientate**
- 8.4. Probleme rezolvate**

## 8.4. Probleme rezolvate

### Problema 1:

Determinati vecinii unui varf al unui graf orientat.



### Exemplu:

Pentru varful 1, vecinii sunt: 2, 3 si 4

## 8.4. Probleme rezolvate

```
#include <iostream>
using namespace std;
int n, a[50][50],i,j,x,v[50],k;
int main(void)
{
    cin>>n;
    for(i=1;i<=n;i++)
        for(j=1;j<=n;j++)
            cin>>a[i][j];
    cout<<"\n graful citit are "<<n<<" noduri! ";
```

## 8.4. Probleme rezolvate

```
cout<<"\n matricea sa de adiacenta este:\n";
for(i=1;i<=n;i++)
{
    for(j=1;j<=n;j++) cout<<" "<<a[i][j];
    cout<<"\n";
}
//cout<<"Dati varful ai carui vecini doriti sa-i
aflati: ";
cin>>x;
```

## 8.4. Probleme rezolvate

```
k=0;
for(i=1;i<=n;i++)
  if (a[i][x]==1 || a[x][i]==1)
    {
      k++;
      v[k]=i;
    }
cout<<"\n vecinii lui "<<x<<" sunt : ";
for(i=1;i<=k;i++) cout<<" "<<v[i];
}
```

**Date de test:**

**5**

**0 1 1 0 0**

**1 0 0 0 1**

**0 0 0 0 0**

**1 0 0 0 0**

**0 0 0 0 0**

**1**

**Executie:**

**graful citit are 5 noduri!**

**matricea sa de adiacenta este:**

**0 1 1 0 0**

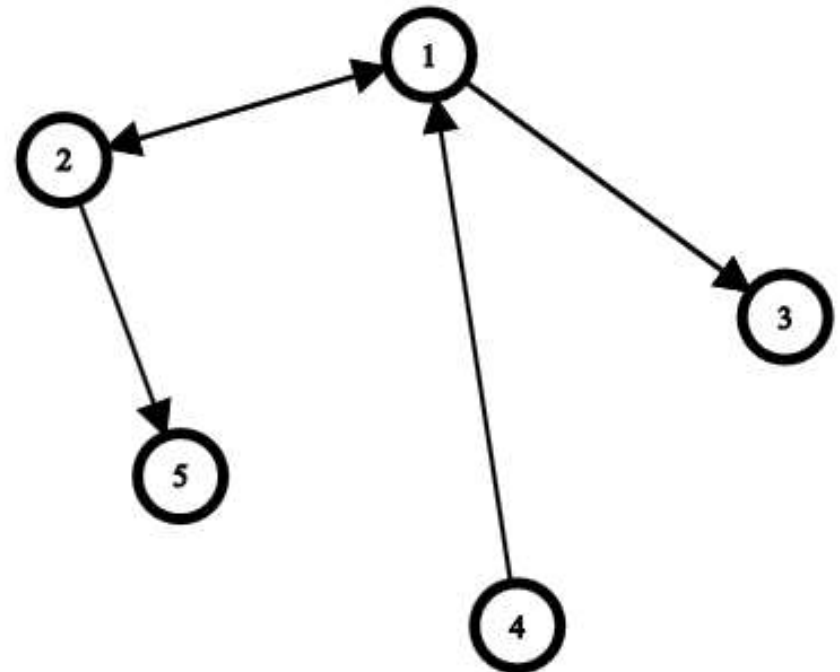
**1 0 0 0 1**

**0 0 0 0 0**

**1 0 0 0 0**

**0 0 0 0 0**

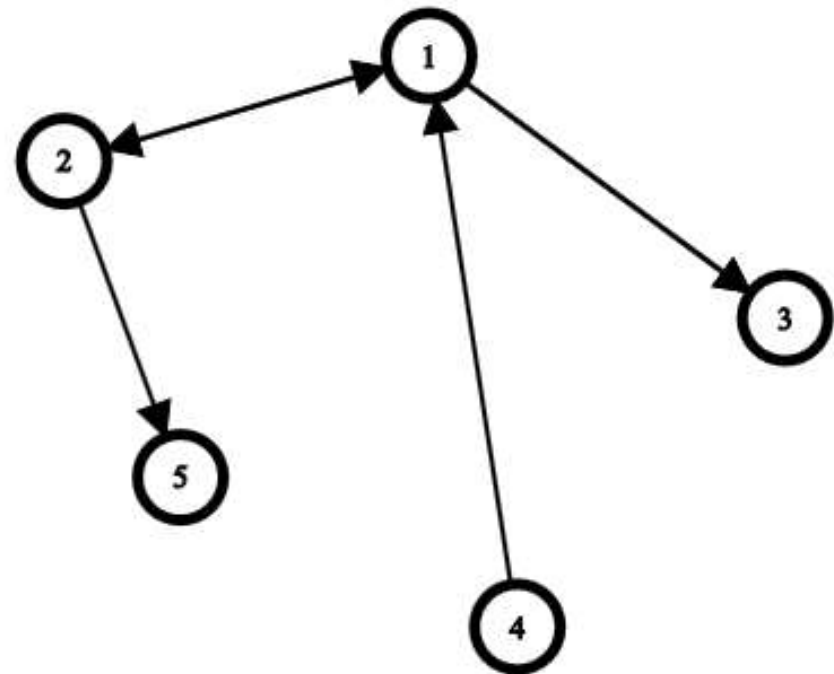
**vecinii lui 1 sunt : 2 3 4**



```

1 #include<iostream>
2 using namespace std;
3 int n, a[50][50],i,j,x,v[50],k;
4 int main(void)
5 {
6     cin>>n;
7     for(i=1;i<=n;i++)
8         for(j=1;j<=n;j++)
9             cin>>a[i][j];
10
11     cout<<"\n graful citit are "<<n<<" noduri! ";
12     cout<<"\n matricea sa de adiacenta este:\n";
13     for(i=1;i<=n;i++)
14     {
15         for(j=1;j<=n;j++) cout<<" "<<a[i][j];
16         cout<<"\n";
17     }
18     //cout<<"Dati varful ai carui vecini doriti sa-i aflati: ";
19     cin>>x;
20     k=0;
21     for(i=1;i<=n;i++)
22         if (a[i][x]==1 || a[x][i]==1)
23         {
24             k++;
25             v[k]=i;
26         }
27     cout<<"\n vecinii lui "<<x<<" sunt : ";
28     for(i=1;i<=k;i++) cout<<" "<<v[i];
29     return 0;
30 }

```







Execute Mode, Version, Inputs & Arguments

GCC 11.1.0  Interactive

Stdin Inputs

```
5
0 1 1 0 0
1 0 0 0 1
0 0 0 0 0
1 0 0 0 0
0 0 0 0 0
1
```

CommandLine Arguments

### Result

CPU Time: 0.00 sec(s), Memory: 3516 kilobyte(s)

```
graful citit are 5 noduri!
matricea sa de adiacenta este:
0 1 1 0 0
1 0 0 0 1
0 0 0 0 0
1 0 0 0 0
0 0 0 0 0

vecinii lui 1 sunt : 2 3 4
```

## 8.4. Probleme rezolvate

### Problema 2:

Determinati gradele exterioare si interioare ale varfurilor unui graf, gradul exterior minim, gradul exterior maxim, gradul interior minim si gradul interior maxim.

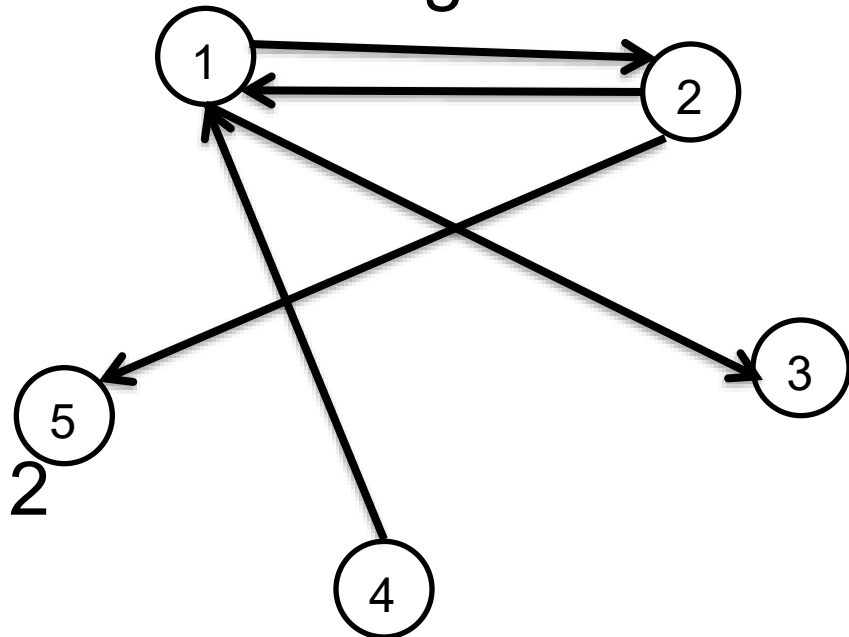
### Exemplu:

Pentru varful 1:

$$d^+(1) = 2, d^-(1) = 2$$

$$\min d^+(3,5) = 0, \max d^+(1,2) = 2$$

$$\min d^-(4) = 0, \max d^-(1) = 2$$



## 8.4. Probleme rezolvate

```
#include<iostream>
using namespace std;
int n, a[50][50],i,j,x, grad_e[50], grad_i[50];

int minim(int v[50], int n)
{
    int i, min=v[1];
    for(i=2; i<=n; i++)
        if(v[i] < min) min=v[i];
    return min;
}
```

## 8.4. Probleme rezolvate

```
int maxim(int v[50],int n)
{
    int i, max=v[1];
    for(i=2; i<=n; i++)
        if (v[i] > max) max=v[i];
    return max;
}
```

## 8.4. Probleme rezolvate

```
int main(void)
{
    cin>>n;
    for(i=1;i<=n;i++)
        for(j=1;j<=n;j++)
            cin>>a[i][j];
}
```

## 8.4. Probleme rezolvate

```
cout<<"\n graful citit are "<<n<<" noduri!";
cout<<"\n matricea sa de adiacenta este: \n";
for(i=1;i<=n;i++)
{
    for(j=1;j<=n;j++)
        cout<<" "<<a[i][j];
    cout<<"\n";
}
```

## 8.4. Probleme rezolvate

```
for(i=1;i<=n;i++)
{
    grad_e[i]=0;    grad_i[i]=0;
}
for(i=1;i<=n;i++)
    for(j=1;j<=n;j++)
        if (a[i][j]==1) grad_e[i]++;
for(i=1;i<=n;i++)
    for(j=1;j<=n;j++)
        if(a[j][i]==1) grad_i[i]++;
```

## 8.4. Probleme rezolvate

```
for(i=1;i<=n;i++){
    cout<<"\n pentru varful : "<<i;
    cout<<"\n grad exterior = "<<grad_e[i];
    cout<<"\n grad interior = "<<grad_i[i];
}
cout<<"\n gradul exterior minim este " << minim(grad_e,n);
cout<<"\n gradul exterior maxim este " << maxim(grad_e,n);
cout<<"\n gradul interior minim este " << minim(grad_i,n);
cout<<"\n gradul interior maxim este " << maxim(grad_i,n);
}
```

Date de test:

5

0 1 1 0 0

1 0 0 0 1

0 0 0 0 0

1 0 0 0 0

0 0 0 0 0

Executie:

graful citit are 5 noduri!

matricea sa de adiacenta este:

0 1 1 0 0

1 0 0 0 1

0 0 0 0 0

1 0 0 0 0

0 0 0 0 0

pentru varful : 1 grad exterior = 2 grad interior = 2

pentru varful : 2 grad exterior = 2 grad interior = 1

pentru varful : 3 grad exterior = 0 grad interior = 1

pentru varful : 4 grad exterior = 1 grad interior = 0

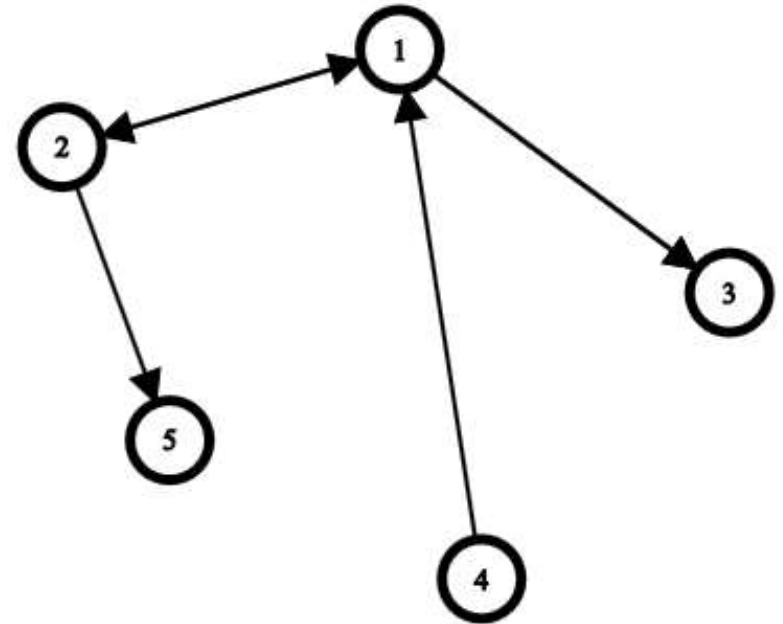
pentru varful : 5 grad exterior = 0 grad interior = 1

gradul exterior minim este 0

gradul exterior maxim este 2

gradul interior minim este 0

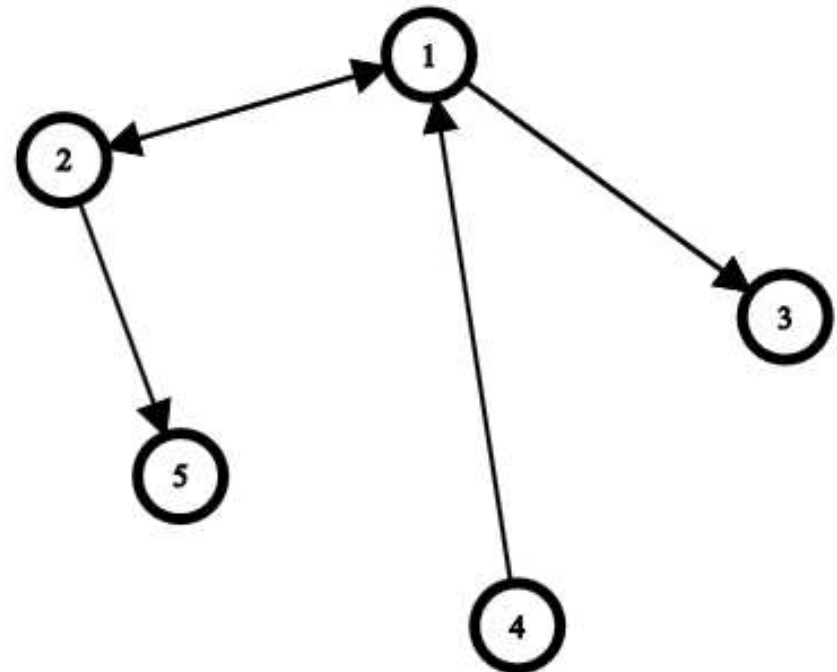
gradul interior maxim este 2



```

1 #include<iostream>
2 using namespace std;
3 int n, a[50][50],i,j,x, grad_e[50], grad_i[50];
4 int minim(int v[50], int n)
5 {
6     int i, min=v[1];
7     for(i=2; i<=n; i++)
8         if(v[i] < min) min=v[i];
9     return min;
10 }
11 int maxim(int v[50],int n)
12 {
13     int i, max=v[1];
14     for(i=2; i<=n; i++)
15         if (v[i] > max) max=v[i];
16     return max;
17 }
18 int main(void)
19 {
20     cin>>n;
21     for(i=1;i<=n;i++)
22         for(j=1;j<=n;j++)
23             cin>>a[i][j];
24     cout<<"\n graful citit are "<<n<<" noduri!";
25     cout<<"\n matricea sa de adiacenta este: \n";
26     for(i=1;i<=n;i++)
27     {
28         for(j=1;j<=n;j++) cout<<" "<<a[i][j];
29         cout<<"\n";
30     }
31     for(i=1;i<=n;i++)
32     {
33         grad_e[i]=0;   grad_i[i]=0;
34     }
35     for(i=1;i<=n;i++)
36         for(j=1;j<=n;j++)
37             if (a[i][j]==1) grad_e[i]++;
38     for(i=1;i<=n;i++)
39         for(j=1;j<=n;j++)
40             if(a[j][i]==1) grad_i[i]++;
41     for(i=1;i<=n;i++){
42         cout<<"\n pentru varful : "<<i;
43         cout<<"\n grad exterior = "<<grad_e[i];
44         cout<<"\n grad interior = "<<grad_i[i];
45     }
46     cout<<"\n gradul exterior minim este " << minim(grad_e,n);
47     cout<<"\n gradul exterior maxim este " << maxim(grad_e,n);
48     cout<<"\n gradul interior minim este " << minim(grad_i,n);
49     cout<<"\n gradul interior maxim este " << maxim(grad_i,n);
50     return 0;
51 }
52

```



GCC 11.1.0  Interactive Stdin Inputs

CommandLine Arguments

5  
0 1 1 0 0  
1 0 0 0 1  
0 0 0 0 0  
1 0 0 0 0  
0 0 0 0 0

Execute   

## Result

CPU Time: 0.00 sec(s) , Memory: 3460 kilobyte(s)

```

graful citit are 5 noduri!
matricea sa de adiacenta este:
0 1 1 0 0
1 0 0 0 1
0 0 0 0 0
1 0 0 0 0
0 0 0 0 0

pentru varful : 1
grad exterior = 2
grad interior = 2
pentru varful : 2
grad exterior = 2
grad interior = 1
pentru varful : 3
grad exterior = 0
grad interior = 1
pentru varful : 4
grad exterior = 1
grad interior = 0
pentru varful : 5
grad exterior = 0
grad interior = 1
gradul exterior minim este 0
gradul exterior maxim este 2
gradul interior minim este 0
gradul interior maxim este 2

```

Note:

1. For file operations - upload files using upload button . Files will be upload to /uploads folder. You can read those files in program from /uploads folder. To write a

# Întrebări?